

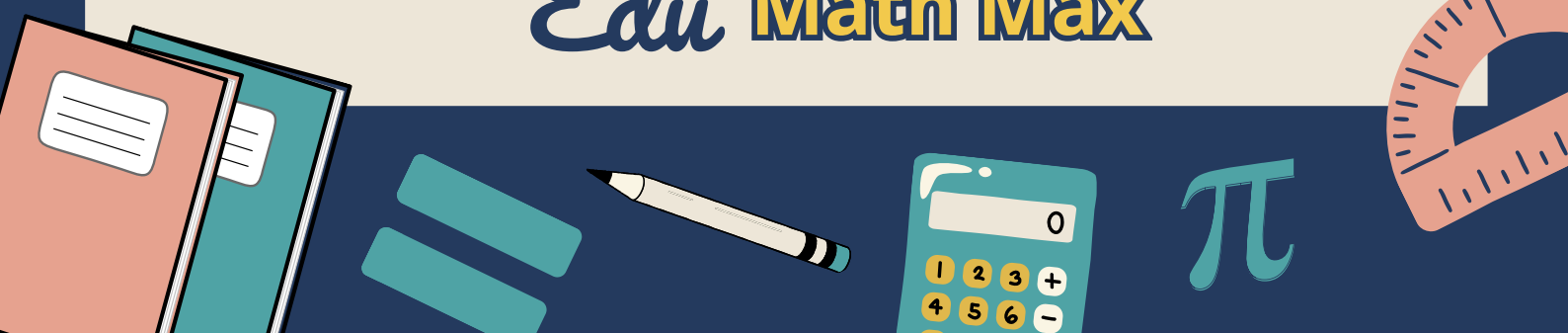


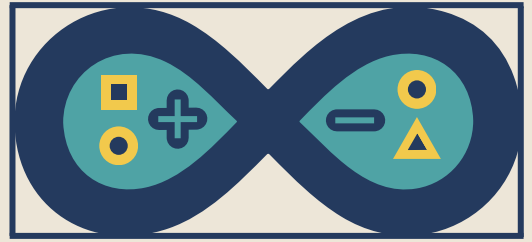
Egzamin ósmoklasisty:

5 błędów, które kosztują punkty

Sprawdź, czy Twoje dziecko też
je popełnia – i jak je wyeliminować
bez dodatkowej nauki!

Edu **Math Max**





Edu Math Max

Autorka: Monika Nawrocka
email: kontakt@edumathmax.pl

E-book jest dostępny wyłącznie dla osób, które go pobrały. Przeznaczony jest do pracy indywidualnej w domu, nie do pracy na zajęciach zorganizowanych w jakiejkolwiek formie.

Nie rozpowszechniaj go w nielegalny sposób.





Cześć!

Jeśli czytasz te słowa, to znaczy, że Twoje dziecko przygotowuje się do egzaminu ósmoklasisty z matematyki — i Ty jako rodzic chcesz zrobić coś więcej niż tylko zorganizować „więcej godzin nauki”.

Wiem, że często nie chodzi o nowe zagadnienia, a oto, by uporządkować brak strategii, lekki pośpiech, chaos w rozwiązaniu czy stres.

Przygotowałam ten przewodnik, **„5 błędów, które kosztują punkty** – i jak je wyeliminować **bez dodatkowej nauki”**, by pokazać Wam krok po kroku, jakie są najczęstsze błędy wśród uczniów i jak je naprawić – tak, by Twoje dziecko mogło zacząć działać spokojnie, skutecznie i bez przeciążenia. A wskazówki zawarte w tym e-booku możecie wdrożyć od razu!



W tym materiale znajdziesz 5 typowych błędów, przez które Twoje dziecko może tracić punkty – nawet jeśli zna materiał. Przy każdym z nich podpowiadam, jak to naprawić.

Na końcu czekają też ćwiczenia praktyczne i checklista 'last minute'. Możesz czytać po kolei albo przeskoczyć do tego, co Was dotyczy.

Zacznijmy - bez presji, ale z planem! 😊
Monika

Kilka słów o mnie

Nazywam się Monika Nawrocka.
Jestem magistrem matematyki
i informatyki o specjalności
nauczanie – od kilkunastu lat
pomagam uczniom **lepiej rozumieć**
matematykę.



Założyłam **EduMathMax**, by wspierać ósmoklasistów (i ich rodziców) w spokojnym, skutecznym przygotowaniu do egzaminu z matematyki – **bez stresu, bez przeciążania i bez presji** oraz bez korepetycji kilka razy w tygodniu (!).

Uczniowie klasy ósmej mają już solidne podstawy. Często nie potrzebują kolejny raz omawiać najprostszych wzorów, ale nauczyć się, jak mądrze wykorzystać to, co już wiedzą.
Pomagam im uporządkować materiał, połączyć fakty w całość i **wypracować strategię**, dzięki której wchodzą na egzamin spokojni i pewni swoich umiejętności.

[Odwiedź moją stronę WWW](#)

Jak uczyć?

Metoda PUNKT

W mojej pracy korzystam z **autorskiej metody PUNKT** – to prosty, uporządkowany system przygotowań, który opiera się na pięciu krokach



P – Plan

Ustalamy prosty, dopasowany plan nauki. Bez napiętych grafików – chodzi o jasność i poczucie kontroli.

U – Uporządkowanie

Najpierw sprawdzamy, co już jest opanowane, a co wymaga pracy. Uczymy się tego, co potrzebne – bez powtarzania wszystkiego od nowa.

Metoda PUNKT - c.d.

N – Nauka

Zamiast długich sesji – krótkie, konkretne kroki. Uczymy się regularnie, w rytmie dopasowanym do ucznia – niekoniecznie codziennie, ale z wyczuciem i systematycznością.

K – Konsekwencja

To regularność, a nie zrywy, przynoszą efekty. Dlatego stawiamy na systematyczność, która daje poczucie postępu i wzmacnia motywację.

T – Testy

Regularna praca z arkuszami pozwala oswoić się z formą egzaminu i sprawdzać postępy. Uczniowie uczą się wyciągać wnioski z błędów – bez stresu, za to z konkretem.

Jeśli chcesz zobaczyć, jak działa ta metoda w praktyce – jesteś w dobrym miejscu 😊

Ten materiał to część tej większej układanki.

[Chcę dowiedzieć się więcej o Metodzie PUNKT](#)



Zaczynamy!

Na egzaminie z matematyki nie trzeba wiedzieć wszystkiego, by osiągnąć dobry wynik.

Czasem wystarczy... **nie tracić punktów** tam, gdzie punkty są łatwe do zdobycia.

Wiem, że nawet dobrze przygotowani uczniowie potrafią popełniać błędy, które nie wynikają z braku wiedzy, tylko z pośpiechu, stresu albo nieuwagi. I to właśnie te drobiazgi często decydują o końcowym wyniku.

To bywa frustrujące, prawda? Wiedzieć, jak rozwiązać zadanie, ale:

- zabrakło jednostki,
- przepisane dane są z błędem,
- albo tok myślenia nie został wystarczająco pokazany.

Dobra wiadomość?

✨ Każdy z tych błędów można łatwo naprawić.

Jeszcze lepsza?

✨ To naprawdę robi różnicę – nawet kilka punktów więcej.

Błąd numer 1

Brak jednostki w odpowiedzi

Co się dzieje:

Wszystko policzone poprawnie, ale w odpowiedzi brakuje jednostki – np. „cm²”, „litr”, „zł”. Zostaje samo „240”.

Dlaczego tracisz punkt:

Egzaminator nie wie, czego dotyczy wynik. Bez jednostki odpowiedź jest niepełna.

Jak to naprawić:

Sprawdź – długość, pole, objętość, pieniądze? – i dopisz odpowiednią jednostkę. To 2 sekundy, które mogą dać Ci 1 punkt więcej.

Przykład:

 240

 240 cm²

Wskazówka:

Nie masz pewności? Lepiej dopisać niż pominąć.
Egzaminator musi mieć jasność.

Co się zmienia:

Dzięki tej jednej poprawce możesz odzyskać nawet 2-3 punkty w całym arkuszu – i to bez dodatkowej nauki!

Błąd numer 2

Brak pokazania toku rozumowania

Co się dzieje:

Znasz wynik, wpisujesz go – ale nie pokazujesz kroków, które do niego prowadzą albo omijasz znaczną ich część.

Dlaczego tracisz punkt:

W zadaniach otwartych liczy się również sposób myślenia. Sam wynik to za mało. Koniecznie musisz pokazać znaczące kroki prowadzące do rozwiązania.

Jak to naprawić:

Pokaż każdy krok, nawet jeśli wydaje Ci się oczywisty, bo przecież “na logikę tak jest”.

Przykład:

Wskazówka:

Traktuj egzaminatora jak osobę, której musisz wszystko wytłumaczyć krok po kroku.

Co się zmienia:

Zyskujesz pewność, że otrzymasz każdy możliwy punkt za tok rozumowania.

Błąd numer 3

Błąd w przepisaniu danych

Co się dzieje:

W treści jest zapis „3,60zł za litr”, a Ty zapisujesz „3,90zł”. Albo mylisz znak – dodajesz zamiast mnożyć. Wbrew pozorom to dość częste błędy.

Dlaczego tracisz punkt:

Nawet jeśli metoda i tok rozumowania jest poprawny, wynik jest oparty na błędnych danych → punktów brak.

Jak to naprawić:

Podkreśl dane w treści, przepisuj je uważnie. Po wpisaniu – sprawdź jeszcze raz. To tylko kilka sekund, które może „uratować” punkty.

Przykład:

Treść: „Litr soku jabłkowego kosztuje 3,60zł.”

Zapis: „3,60zł” 

Nie: „3,90zł” 

Wskazówka:

Przy każdym zadaniu zadaj sobie pytanie: „Czy na pewno dane są dobrze przepisane?”.

Co się zmienia:

Jeden mały błąd mniej to nawet 2-3 punkty więcej. Czasem to decyduje o przekroczeniu progu procentowego.

Błąd numer 4

Nieczytelny lub chaotyczny zapis

Co się dzieje:

Wszystko zapisane w jednej linii, z przekreśleniami, trudno się potapać w rozwiązaniu.

Dlaczego tracisz punkt:

Egzaminator nie wie, co oceniać, bo zapis jest niejasny. Punkt przepada – mimo dobrej metody.

Jak to naprawić:

Zostaw odstępy między działaniami. Nowa linia = nowy krok. Jeśli zadanie jest bardziej skomplikowane, przed przystąpieniem do rozwiązywania, zastanów się jak rozplanować zapiski. Unikaj skreśleń. Przy okazji masz pewność, że nie pogubisz się we własnych notatkach.

Przykład:

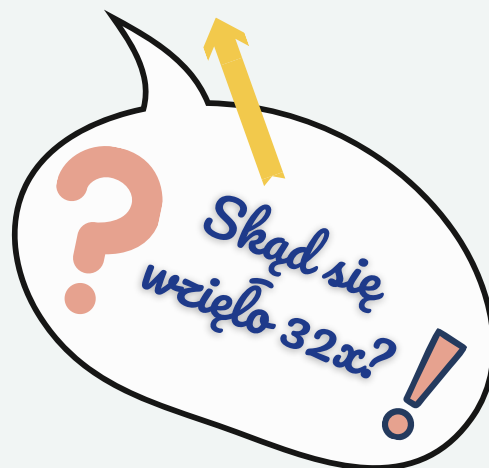
 $3x = 9$

$$x = 3$$

$$2x = 6$$

Odpowiedź: Rajd trwał 6

 $3x=9 \ x=3 \ 2x=6$



💡 **Wskazówka:**

Przy każdym zadaniu zadaj sobie pytanie: „Czy za tydzień zrozumieć własne notatki? Jeśli tak – egzaminator też da radę.

📈 **Co się zmienia:**

Czytelny zapis to większa szansa, że wszystko zostanie ocenione właściwie, a Ty nie pogubisz się we własnych notatkach przy zapisie rozwiązania.



Błąd numer 5

Brak sprawdzenia odpowiedzi

Co się dzieje:

Masz czas, ale nie sprawdzasz – zostaje literówka, brak jednostki, błąd w zapisie. Albo brak odpowiedzi.

Dlaczego tracisz punkt:

To nie brak wiedzy – to brak strategii.

Jak to naprawić:

Zostaw 5 minut na koniec egzaminu. Przejdź po kolei zadania otwarte: jednostki, dane, zapis. Czasem rozwiązując dane zadanie, skupiamy się na nim na tyle, że nie widzimy oczywistych omyłek.

Przykład:

Obliczasz: $5 \times 3 = 15$, ale wpisałeś „25” ❌

Po sprawdzeniu – poprawiasz na „15” ✅

Wskazówka:

Najczęstsze błędy pod koniec egzaminu to literówki, brak jednostek, przepisanie „z głowy”. Mimo presji czasu, spróbuj się skoncentrować.

Co się zmienia:

Nawet jedna poprawka = jeden dodatkowy punkt. Czasem to właśnie on robi różnicę.



✓ *Mini checklista „Last Minute”*

Mini checklista „Last Minute”

Zrób screena, wydrukuj albo przepisz – i miej ją przy sobie tuż przed egzaminem:

- Mam długopis z czarnym tuszem i linijkę
- Przepisałam/-em dane uważnie i sprawdziłam/-em je
- Dopisałam/-em jednostki tam, gdzie trzeba
- Pokazałam/-em tok rozwiązania w zadaniach otwartych
- Zapis jest czytelny, z odstępami
- Sprawdziłam/-em wszystko przed oddaniem arkusza



Czas na podsumowanie...

Jak widzisz – te błędy nie wynikają z braku wiedzy, tylko z drobiazgów, które łatwo przeoczyć pod presją egzaminu: brak jednostki, chaotyczny zapis, pośpiech, pominięcie toku myślenia... Ale dobra wiadomość?

✨ Wszystko to można wyeliminować – i to bez dodatkowej nauki. Wystarczy zwiększyć uważność, mieć jasny plan i... nauczyć się patrzeć oczami egzaminatora.

Dlatego teraz czas na praktykę!

Na kolejnych stronach sprawdź 2 zadania, które możesz zaproponować dziecku do rozwiązania.

To świetny sposób, by:

- ✓ utrwalić wiedzę z tego przewodnika,
- ✓ zobaczyć, jak wygląda to „w praktyce”,
- ✓ przygotować się do realnych arkuszy – które możesz znaleźć m.in. w zestawie „**Arkusze na 30 minut**”.

[Idę do zadań!](#)

[Sprawdzam ARKUSZE!](#)

Czas na praktykę!

Ćwiczenie 1. Wciel się w rolę egzaminatora

 **Zadanie:** Woda kosztuje 3,60zł za litr. Ile zapłacisz za 4,5 litra?

 Rozwiązanie ucznia (z błędami):

$$3,9 \times 4,5 = 17,55$$

Odp: 17,55

 **Twoje zadanie:**

Zastanów się:

- Czy dane zostały dobrze przepisane?
- Czy pokazano tok rozumowania?
- Czy w odpowiedzi jest jednostka?
- Ile punktów przyznałbyś za to rozwiązanie?

Miejsce na rozwiązanie

 **Proponowane rozwiązanie i omówienie:**

- ➡ Błąd w przepisaniu danych: uczeń wpisał „3,90zł” zamiast „3,60zł”
- ➡ Brak jednostki w odpowiedzi („zł”)
- ➡ Brak toku rozumowania – sam wynik, bez obliczeń pośrednich

 Ile punktów uczeń mógłby dostać?

Zależnie od klucza: 0 lub 1 punkt – mimo że obliczenia są poprawne dla błędnych danych.

 Co by pomogło?

- Uważne przepisanie danych z treści zadania
- Pokazanie kroków obliczeń

Ćwiczenie 2. Wciel się w rolę egzaminatora

 **Zadanie:** W sklepie była promocja: przy zakupie 3 opakowań soku, czwarte otrzymujesz gratis. Jedno opakowanie kosztuje 4,80zł. Ile zapłacisz za 12 opakowań soku?

 Rozwiązanie ucznia (z błędami):

$$12 \div 4 = 3$$

$$3 \times 4,80 = 14,40$$

Odp: 14,40

 **Twoje zadanie:**

Zastanów się:

- Czy obliczenia są poprawne?
- Czy zastosowano właściwą logikę?
- Czy pojawiła się jednostka?
- Czy tok rozumowania jest widoczny?

Miejsce na rozwiązanie

 **Proponowane rozwiązanie i omówienie:**

➡ Błąd w interpretacji promocji: uczeń myśli, że za każde 4 opakowania płaci za 1 (czyli $3 \times 4,80$), a powinien zapłacić za 3 opakowania z każdego zestawu czterech.

➡ Brak jednostki w odpowiedzi oraz pełnej odpowiedzi

➡ Brak opisu kroków – egzaminator nie widzi, jak uczeń doszedł do wyniku

 Prawidłowe rozwiązanie:

- $12 \text{ opakowań} \div 4 = 3 \text{ zestawy promocyjne}$
- W każdym płacimy za 3 opakowania $\rightarrow 3 \times 3 = 9 \text{ opakowań płatnych}$
- $9 \times 4,80 = 43,20$
- Odp: Za 12 opakowań soki zapłacimy 43,20 zł

 Ile punktów za oryginalne rozwiązanie?

0 pkt – mimo poprawnych mnożeń, logika i odpowiedź są błędne



Co dalej?

Gratulacje – za Wami pierwszy ważny krok, by pomóc swojemu dziecku lepiej przygotować się do egzaminu. Znaście już 5 błędów, przez które łatwo traci się punkty – i wiecie, jak ich unikać. Pokazałam Wam też na przykładach, jak wygląda ocena pracy ucznia – i dlaczego tak łatwo stracić punkt, nawet znając odpowiedź.

Teraz czas na działanie!

 Wskazówki to jedno. Praktyka – to drugie.

To właśnie regularne rozwiązywanie zadań i testów sprawia, że:

- unika się tych błędów automatycznie,
- uczniowie uczą się myśleć jak egzaminatorzy,
- i nabierają pewności, że potrafią – bez codziennej presji.

Zapraszam Was do kolejnego kroku!

„**Arkusze na 30 minut**” to zestaw mini-egzaminów, które można rozwiązywać codziennie – w krótkich, 30-minutowych sesjach.

Są stworzone zgodnie z **Metodą PUNKT** – tak, by działały systematycznie, konkretnie i bez przeciążenia.

To idealne rozwiązanie dla uczniów, którzy:

- ✓ mają podstawy,
- ✓ chcą poprawić wynik,
- ✓ ale nie wiedzą, od czego zacząć i jak się za to zabrać.

👉 Sprawdź, jak to działa i wybierz swój zestaw:

Sprawdzam
ARKUSZE!



Dziękuję, że działasz – dla siebie i dla swojego dziecka.

To naprawdę ma znaczenie 🧡



Do zobaczenia w kolejnym kroku!
Monika

Edu Math Max